

Résoudre dans \mathbb{R} :

a) $3x^2 - 5x + 2 = 0$. On calcule le discriminant de l'équation : $\Delta = b^2 - 4ac = (-5)^2 - 4(3)(2) = +1$.

Le discriminant est positif, donc l'équation admet deux racines distinctes

$$\left\{ \begin{array}{l} x' = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{5 + 1}{6} = +1 \\ x'' = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{5 - 1}{6} = +\frac{2}{3} \end{array} \right.$$

Donc $S = \{ +\frac{2}{3}; +1 \}$.

b) $-x^2 + 3x - 4 = 0$. Le discriminant est $\Delta = b^2 - 4ac = (3)^2 - 4(-1)(-4) = -7$.

Le discriminant est négatif, donc l'équation n'admet aucune racine, ce qui signifie qu'aucune valeur de x ne peut annuler le polynôme proposé. **Donc** $S = \emptyset$.

c) $2x^2 + 12x + 18 = 0$. Le discriminant est $\Delta = b^2 - 4ac = (12)^2 - 4(2)(18) = 0$.

Le discriminant est nul, donc l'équation admet une racine double, $x' = x'' = -\frac{b}{2a} = -3$, valeur unique de x qui annule le polynôme.

Donc $S = \{-3\}$.