

**Résoudre dans  $\mathbf{R}$  :  $\ln(x^2 - 4) - \ln(x + 8) = 0$  .**

a) *Domaine de définition* :  $\ln A$  est défini si et seulement si  $A > 0$  .

L'équation impose à ses solutions de vérifier : 
$$\begin{cases} x^2 - 4 > 0 \Leftrightarrow (x+2)(x-2) > 0 \Leftrightarrow x < -2 \text{ ou } x > 2 \\ \text{et} \\ x + 8 > 0, \text{ soit } x > -8 \end{cases} .$$

On conclue que les solutions doivent vérifier  $x \in ]-8 ; -2[ \cup ]+2 ; +\infty[$  .

b) *On se ramène à* :  $\ln A = \ln B$  .

$$\ln(x^2 - 4) - \ln(x + 8) = 0 \Leftrightarrow \ln(x^2 - 4) = \ln(x + 8) .$$

La fonction «  $\ln$  » est continue et strictement croissante.

En conséquence :  $\ln A = \ln B \Leftrightarrow A = B$  .

D'où :  $x^2 - 4 = x + 8 \Leftrightarrow x^2 - x - 12 = 0$  , équation de solution  $x_1 = -3$  et  $x_2 = +4$  .

Les deux solutions vérifient la condition imposée par le domaine de définition, d'où :  $S = \{-3 ; +4\}$  .