

Après avoir factorisé ce trinôme, résoudre dans \mathbb{R} : $2x^2 + x - 6 \leq 0$.

Cherchons les racines de l'équation $2x^2 + x - 6 = 0$.

$$\Delta = b^2 - 4ac = (1)^2 - 4(2)(-6) = 1 + 48 = 49 = 7^2 > 0. \text{ Deux racines distinctes } \begin{cases} x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-1 - 7}{4} = -2 \\ x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-1 + 7}{4} = +\frac{3}{2} \end{cases}.$$

On sait qu'alors $ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$, d'où : $2x^2 + x - 6 = 2(x + 2)(x - \frac{3}{2}) = (x + 2)(2x - 3)$.

Etablissons le tableau de signes de ce produit de binômes :

x	$-\infty$	-2	$3/2$	$+\infty$	
$x + 2$	-	0	+		+
$2x - 3$	-		-	0	+
$(x + 2)(2x - 3)$	+	0	-	0	+

On conclue : $S = [-2 ; +\frac{3}{2}]$.